

$$\det\left(\lambda\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}-\begin{bmatrix} 1 & -\hbar\omega^2 \\ \hbar & 1 \end{bmatrix}\right)=0$$